

**LENGUAJE ALGORÍTMICO EN ESPAÑOL: LES
LUIS ALEJANDRO BERNAL ROMERO ***

RESUMEN

El lenguaje algorítmico en español LES es principalmente una herramienta didáctica para facilitar el aprendizaje de la algoritmia y fomentar las buenas prácticas de la programación. Es un lenguaje estructurado que permite la abstracción procedimental y de datos y forma parte de la Metodología para la solución de problemas algorítmicos que está siendo desarrollada en el programa de Ingeniería de Sistemas de la Escuela de Administración de Negocios (E.A.N.). Se describen en este artículo el por qué de su creación, las características, algunos ejemplos, la formalización del lenguaje y finalmente el estado actual.

Palabras clave: Lenguajes de programación, algoritmia, aprendizaje de la programación.

*Ingeniero de Sistemas, Universidad Central.

Magister (candidato) en Ingeniería de Sistemas y Computación, Universidad de Los Andes.

Docente Tiempo completo, Escuela de Administración de Negocios E.A.N.

E-mail: lbernal@uvirtual.ean.edu.co

INTRODUCCIÓN

El equipo de profesores del Departamento de Ciencias de la Computación de la Escuela de Administración de Negocios (EAN), está desarrollando una Metodología para la resolución de problemas algorítmicos (ver [Amador98]). Esta metodología se compone de dos aspectos: de una serie de pasos sucesivos que llevan a la solución de problemas mediante algoritmos, y una serie de acuerdos de cómo se deben presentar los resultados de cada paso.

En uno de los pasos de la metodología, El diseño del algoritmo, es necesario una representación de éste mediante algún formalismo¹ que permita definir de manera precisa cómo es el algoritmo, si realmente resuelve el problema para el que fue escrito, y lo más importante: que se pueda programar una máquina algorítmica² con este formalismo.

En la metodología se han definido dos formalismos: los diagramas de flujo (ver [Amador98]) y un lenguaje algorítmico en español; LES. Este artículo trata sobre dicho lenguaje y en particular lo concerniente a: qué problemas pretende solucionar, cuáles son sus características y su forma.

1. ¿Por qué un lenguaje algorítmico en Español?

Uno de los problemas más complejos al que se enfrenta el estudiante de computación es el de la programación y en particular la resolución de problemas mediante métodos algorítmicos. Es muy difícil introducir al estudiante en esta forma de pensar, primero por la dificultad inherente a la algoritmia y segundo porque los lenguajes de programación y los pseudoalgorítmicos están basados en el idioma inglés. El cambio a un lenguaje que no es el nativo dificulta al estudiante, en forma innecesaria, el aprendizaje de la programación. Por ello se ha desarrollado un lenguaje algorítmico en español, que facilite su aprendizaje.

Existe una clase particular de máquinas programables que se ubican dentro del paradigma definido por la Máquina de Turing. Este paradigma responde a una lógica que resuelve problemas paso por paso mediante operaciones

mecánicas y empleando un número finito de pasos. El computador es una máquina de Turing, esto quiere decir, que todo lo que puede hacer una máquina de Turing lo puede hacer un computador y viceversa.

Esta forma de funcionar, esta lógica, es diferente a la que utiliza el cerebro en la vida cotidiana. En el caso particular del aprendizaje de los algoritmos, ésta es una lógica ajena a la forma de pensar de los estudiantes. Entonces, es necesario entrenar una parte del cerebro del estudiante para que "piense" utilizando dicha lógica, esto es, que forme un modelo mental de máquina algorítmica, punto clave en el aprendizaje de la algoritmia. Pero esto no es nada fácil, si además, tenemos en cuenta que para programar estas máquinas normalmente se usan lenguajes artificiales basados en el inglés, lengua en la cual no piensan los estudiantes.

Por lo anterior, LES es un lenguaje algorítmico en español diseñado para facilitar la formación de ese modelo mental de máquina algorítmica como una extensión o particularización realizada en el lenguaje materno.

Pero éste no es el único problema que pretende solucionar el lenguaje. Se busca también fomentar las buenas prácticas de programación ya que el lenguaje obliga a escribir algoritmos estructurados, bien documentados, limpios, fáciles de entender y por tanto de mantener.

Otro aspecto que resuelve el lenguaje es que proporciona mecanismos de abstracción, encapsulamiento y reutilización de código, tal y como exigen los grandes proyectos de Ingeniería de Software. Veamos estos conceptos en forma más detallada:

¹ Formalismo se refiere a representaciones lingüísticas (lenguajes artificiales) literales o gráficas. Estas representaciones tienen bases matemáticas. Más adelante se explica cuáles deben ser los elementos para que un lenguaje artificial, como es el caso de LES, se considere formalmente especificado.

² Se considera máquina algorítmica a cualquier máquina que sea reducible a la máquina de Turing. En estas están incluidas las computadoras.

⇒ La abstracción es un mecanismo que permite agrupar todo lo relacionado con un concepto, en una unidad que puede ser usada como una unidad atómica en el lenguaje.

⇒ El encapsulamiento consiste en dividir la implementación de estos conceptos en dos partes: la interfaz y la implementación. La interfaz es la parte de comunicaciones de la unidad, define lo que hace, pero no cómo lo hace. La implementación, como su nombre lo indica, define el cómo lo hace.

⇒ La reutilización de código, como su nombre lo indica, es volver a usar el código ya escrito anteriormente, primero para no reinventar la rueda y segundo, porque reutilizar el código tiene el efecto de reducir el número de errores en él.

Todo lo anterior se logra mediante los mecanismos de Tipos Abstractos de Datos (TAD) y las Clases de Objetos, características básicas sobre las que está implementado el lenguaje LES. Todas estas características y otras se detallarán a continuación.

2. Características del lenguaje LES

Las características del lenguaje son: es una herramienta didáctica, es estructurado, orientado hacia la abstracción de datos y fomenta las buenas prácticas de programación. A continuación se especifican en detalle cada una de estas características.

2.1 LES es una herramienta didáctica

Su orientación didáctica es la principal característica del lenguaje, ya que nació de la necesidad de enseñar a programar. De ahí que se ha diseñado teniendo en cuenta algunas condiciones deseables en el proceso de enseñanza y aprendizaje, por ejemplo: Está basado en el español, pues es más fácil entender los algoritmos que están escritos en la lengua en que se piensa. Al estar basado en la lengua materna es mucho más fácil formar un modelo mental de como funciona la máquina algorítmica y de esa forma pasar a un lenguaje de expresión de algoritmos que tiene como base el inglés o cualquier otro lenguaje. Por otro lado, no utiliza abreviaturas ni

atajos que oscurezcan el código; prefiere en todo momento la claridad a la eficiencia expresiva³.

2.2 Es un lenguaje estructurado

Un lenguaje estructurado tiene que cumplir con unas características específicas. Estas se basan en lo que establecen [Dijkstra72] y [Hoare72] sobre la programación estructurada:

• Estructuración en sentencias.

◆ No uso de la sentencia «ir a» en inglés «go to». Dijkstra hace una excelente demostración sobre lo nocivo de su uso en [Dijkstra68].

◆ Las sentencias deben poder anidarse unas en otras, esto es lo que se conoce como estructuración.

◆ Las sentencias básicas son:

Sentencias simples

⇒ Asignación.

⇒ Llamado a procedimientos.

Sentencias repetitivas (ciclos):

⇒ Condicional: Mientras que (while).

⇒ Repita hasta (repeat ... until).

⇒ Para. (for).

Sentencias condicionales:

⇒ Si entonces (if ... then).

⇒ En caso de (case of).

Constructores de sentencias

⇒ Declaración de funciones.

⇒ Declaración de procedimientos.

³ Esto también se conoce en el medio como taquigrafías, esta forma de escribir hace sentencias muy cortas que son al mismo tiempo muy poderosas, pero con el problema que son difíciles de leer.

• **Estructuración en datos.**

- ◆ Las estructuras de datos deben poder anidarse para formar datos complejos.
- ◆ Los tipos de datos son:

Datos simples.

Constructores de datos.

- ⇒ Arreglos (array).
- ⇒ Estructuras (struct).

En síntesis, el lenguaje LES es estructurado porque permite la creación de nuevos tipos de datos y de sentencias que se pueden usar de igual forma que las sentencias originales del lenguaje. El lenguaje LES fue diseñado teniendo en cuenta todas las anteriores características.

2.3 Orientado a la abstracción de datos

La abstracción de datos es un mecanismo mediante el cual se encapsulan las sentencias y los datos asociados a un concepto. Esto facilita pensar en forma unificada sobre un tipo de dato. A esto se le llama un TAD (o TDA) Tipo Abstracto de Dato. Las características y la formalización matemática de un TAD están en el artículo [Cardoso86] y en [Cardoso87]. Estas características se pueden sintetizar en los siguientes puntos:

- Es un conjunto de objetos: Todos los objetos que pertenecen al TAD deben cumplir con una condición, la cual es una afirmación que debe estar escrita en lógica formal. Tal afirmación se conoce como Invariante de TAD.
- Tiene un conjunto de operaciones: Se definen una serie de operaciones que deben cumplir con dos condiciones: primero, deben involucrar al menos un objeto del tipo; y segundo, no deben violar el invariante de TAD.

En resumen, "Un TAD es una estructura algebraica, o sea, un conjunto de objetos con ciertas operaciones definidas sobre ellos." [Villalobos90, pag57]. El lenguaje LES implementa este concepto.

Otras de las herramientas conceptuales para la abstracción de datos es el objeto. Este es una evolución del concepto de TAD. El objeto nació del mundo de la simulación en computador, pues el objeto se basa en modelar el mundo real en el dominio de la máquina. Los principios del paradigma de objetos se encuentran en [Booch94] y en [Rumbaugh91], se pueden resumir en los siguientes puntos:

- Objeto: la unidad básica de abstracción y representación del mundo.
- Atributos: las características del objeto.
- Mensajes: las operaciones que se pueden realizar sobre los objetos.
- Clase: la generalización de los objetos, la plantilla que dice como serán los objetos que pertenecen a esa clase.
- Herencia: la base de la reutilización de código. Una clase que hereda de otra toma todos sus atributos y mensajes como si fueran propios.

El lenguaje LES tiene las constructoras necesarias para trabajar con objetos y cumple con todo lo anterior.

2.4 Fomenta las buenas prácticas de programación

El lenguaje promueve las buenas prácticas de programación mediante las siguientes características:

- Documentación de cada segmento significativo del algoritmo, como las declaraciones de programa, funciones, procedimientos, TADs, clases, variables y objetos. En el caso de la documentación de programa, procedimiento, función, operación, mensaje, TDA y Clase el lenguaje exige adicionalmente: autor, fecha y especificación.
- Documentación en lenguaje natural y en una línea del propósito de: funciones, procedimientos, TADs y clases.
- Especificación formal mediante precondition y postcondición de cada módulo a saber: el pro-

grama como un todo, las partes del programa, las funciones, procedimientos, las operaciones de TADs y los mensajes de clase. Exige definir también los invariantes de TAD y de clase. Exige también el invariante para los ciclos, y permite definir aserciones en medio del código.

- No permite usar variables globales.
- Las instrucciones de control de flujo son estructuradas, esto es:

1. No permite el uso del "ir a"⁴.
2. Tiene las constructoras básicas y sus derivadas que son: sentencias atómicas, sentencia de agrupación, sentencia "si", sentencia "mientras que"; funciones y procedimientos y sus derivadas que son: sentencia "haga...mientras_que", "para" y "en caso de".

- Las declaraciones de datos son también estructuradas. Se tienen los siguientes estructuradores: los tipos básicos, la estructura, la unión, el TAD y la clase.
- Permite la abstracción y encapsulamiento mediante el uso de TADs y clases.

2.4 Orientado a TADs y Clases

El lenguaje posee mecanismos, ya explicados anteriormente, de abstracción de datos que son los Tipos Abstractos de Datos y las clases. Se trabajan estos por razones didácticas, ya que es más fácil introducir en primera instancia los TADs y luego los objetos como un refinamiento de los TADs.

3. ¿Cómo es el lenguaje?

Se describirá el lenguaje partiendo de tres conceptos: los tipos de datos, las sentencias y los constructores del lenguaje, para luego presentar algunos ejemplos de su implementación.

3.1 Tipos de datos del lenguaje

El lenguaje tiene los tipos básicos que se encuentran en los lenguajes de programación. Para

darle una estructura a éstos se ha organizado una jerarquía de clases.

3.2 Sentencias del lenguaje

El lenguaje incluye las instrucciones estructuradas que son comunes a todos los lenguajes. Se dividen en dos tipos básicos: las sentencias atómicas que son las básicas del lenguaje, y las de control de flujo que permiten variar la forma como transcurre el flujo de control. Las sentencias son las siguientes:

- Sentencias atómicas.
 - ⇒ Asignación.
 - ⇒ Leer datos de la entrada estándar.
 - ⇒ Escribir datos a la salida estándar.
- Sentencias de control de flujo.
 - ⇒ Agrupación de sentencias.
 - ⇒ Sentencia "si".
 - ⇒ Sentencia "mientras que".
 - ⇒ Sentencia "repita ... hasta".
 - ⇒ Sentencia "para".
 - ⇒ Sentencia "en caso de".
 - ⇒ Llamada a procedimiento.

3.3 Constructores del lenguaje

El lenguaje provee formas de construir nuevas funciones, procedimientos, tipos y clases. Para ello dispone de dos tipos de constructores:

- Constructores procedimentales:
 - ⇒ Declaración de funciones.
 - ⇒ Declaración de procedimientos.

⁴ En la mayoría de lenguajes de programación, que están en inglés, la sentencia "ir a" se escribe "go to". El uso de la instrucción "go to" en programación es considerada mala práctica. Cuando se utilizan, los programas de computador toman un aspecto tan desordenado que se le ha llamado programación spaghetti. La sustentación de este problema se encuentra en el artículo clásico [Dijkstra68].

• Constructores de tipos:

- ⇒ Declaración de Tipos Abstractos de Datos.
- ⇒ Declaración de Clases de Objetos.

En cada una de estas declaraciones es obligatoria la documentación mediante la descripción de la construcción con una frase en lenguaje natural. Además, las funciones y procedimientos deben especificarse mediante precondition y postcondición. Por su parte los TADs y las clases deben tener su invariante, además de la documentación de sus operaciones.

3.4 Un ejemplo sencillo

La mejor forma de ver cómo es el lenguaje es mediante un ejemplo⁵. El enunciado del problema es el siguiente:

Se busca encontrar la suma de las áreas de un determinado número de cuartos.

El algoritmo en el lenguaje es el siguiente:

```

programa sumatoria
autor «John Alexander Rojas Montero»
código 79451716
fecha 1998.02.22
propósito «Halla la sumatoria de las áreas de los cuartos de una oficina»
precondición pertenece(n,naturales) y n > 0 y pertenece(x,reales) y pertenece(y,reales)
postcondición pertenece(z,reales) y z = sumatoria(1,n,x*y)
nivel básico

inicio
variables
n: entero; /* Cantidad de cuartos. */
x: real; /* Ancho de cada cuarto. */
y_: real; /* Largo de cada cuarto. */
c: entero; /* Contador. */
z: área; /* Suma de las areas de los cuartos. */

algoritmo
/* Paso 1: Leer cuantos cuartos tiene la oficina (verificado la precondition sobre n) */
repita
invariante verdadero
leer(N);
hasta n > 0;

/* Paso 2: leer las medidas de cada cuarto. */
c:=0;

```

```

y_:=0;
z:=0;
mientras_que c < n
invariante z = sumatoria(0, c, c*y_)
haga
leer(x);
leer(y_);

/* Paso 3: Sumar las areas de los cuartos. */
z:= z + x * y_;
c:= c + 1;
fin_mientras_que;

/* Paso 4: Mostrar el total de la suma de los cuartos. */
escribir(z);

fin_programa sumatoria

```

Este ejemplo es muy sencillo, pero en él se pueden apreciar las características básicas de un algoritmo escrito en este lenguaje.

Lo primero que se nota es un encabezado de programa en donde está el identificador de programa, una descripción de lo que hace el programa, pero no cómo lo hace y una especificación en forma de precondition o postcondición.

Sigue una indicación de nivel, éste permite activar y desactivar ciertas características del lenguaje que dependen del nivel que va desarrollando el estudiante.

Ahora tenemos el bloque principal, que a su vez tiene dos bloques: el de declaración de variables y el algoritmo.

En el bloque de declaración de variables, como su nombre lo indica, se especifica cuáles son las variables que se van a utilizar en el algoritmo y de qué tipo son.

En el bloque de algoritmo se ponen las sentencias que componen al algoritmo que soluciona el problema.

Se puede observar en el algoritmo, aparte de las sentencias simples, dos tipos de ciclos distintos,

⁵ El ejemplo fue realizado por el Ing. John Alexander Rojas Montero.

cada uno tiene especificado su invariante y cada ciclo es cerrado con una palabra específica del tipo de ciclo. Finalmente, se tiene el fin de programa que debe incluir el identificador de éste.

3.5 Otro ejemplo

Ahora se presenta otro ejemplo un poco más complejo, esta vez con declaración de funciones⁶:

```

programa millas_por_galón
autor «John Rojas»
código 79451716
fecha 1999.01.19
propósito «Encontrar el promedio de millas por galón en un automóvil»
precondición pertenece(g,reales) y pertenece(m,reales)
y  $g < -1$  y  $i >= 1$  y  $i <= n$ 
postcondición pertenece(p,reales) y  $p = \text{sumatoria}(1,n,g)$ 
nivel básico
subprogramas
función acumular (entrada x,y_:real): real
autor «John Rojas»
código 79151716
fecha 1999.01.19
propósito "Acumula millas por galón y con tabiliza el numero de tanqueadas"
precondicion pertenece(x,reales) y pertenece(y_,reales) y  $x < -1$  y  $i >= 1$  y  $i <= n$ 
postcondición  $z = \text{sumatoria}(1,n,x/y_)$  y pertenece(z,reales) y  $w = n$  y  $i >= 1$  y  $i <= n$ 
inicio
algoritmo
/* Paso 1: Calcular las millas por galón */
z := z + (y_ / x);
escribir(z);

/* Paso 2: calcular el numero de tanqueadas */
w := w + 1;
fin_función acumular;
inicio
variables
g : real; /* galones usados */
m : real; /* millas conducidas */
mg : real; /* millas por galón */
nt : real; /* numero de tanqueadas */
p : real; /* promedio millas por galón */
algoritmo
/* Paso 1: Leer los galones y las millas */
mg := 0;
nt := 0;
repita
invariante verdadero
escribir("Digite el numero del galones usados: ");
leer(g);
si  $g < -1$  entonces
escribir("Digite el numero de millas condu

```

```

cidas");
leer(m);

/* Paso 2: Acumular el promedio de galones y el numero de tanqueadas */
acumular(g,m);
fin_si;
hasta g = -1;

/* Paso 3: Calcular el promedio de millas por galón */
p := mg / nt;

/* Paso 4: Mostrar el promedio de millas por galón */
escribir(p);
fin_programa millas_por_galón

```

Como se puede ver, una función es documentada con los mismos items que el programa: autor, código, fecha, propósito y la especificación, que en este caso corresponden a la precondición y la postcondición. Después viene el bloque y se finaliza con **fin_función** que además exige el identificador de función. Esta es una forma muy didáctica y muy sencilla para no perderse en programas demasiado anidados.

3.6 Un ejemplo con TDA's

Veamos ahora un ejemplo con declaración de un TDA y su utilización:

```

programa prueba_de_tda
autor "L. Alejandro Bernal R."
código 79302400
fecha 1999.02.16
propósito "Ilustrar el uso de TDA"
precondicion verdadero
postcondición verdadero
nivel básico
tipos
tda tipo_tda
autor «L. Alejandro Bernal R.»
código 79302428
fecha 1999.02.26
propósito «(tda de prueba)»
invariante  $\text{min} < \text{MAX}$  y  $\text{min} >= 0$  y  $\text{max} >= 0$ 
y  $\text{max} < \text{MAX}$ 
constantes
MAX=100;
MIN=0;
tipos
tipo_cadena= cadena[MAX];
tipo_arreglo= arreglo[MIN](entero);
variables

```

```

        min: entero;
        max: real;
operaciones
    procedimiento inicializa ()
        autor "L. Alejandro
        Bernal R."
        código 79302428
        fecha 1999.02.24
        propósito "probar el
        tda"
        precondition verda
        dero
        postcondición verda
        dero
    inicio
        algoritmo
            min:= MIN;
            max:= MAX;
        fin_procedimiento inicializar;

    procedimiento adicionar(entrada
    inc:entero)
        autor "L. Alejandro
        Bernal R."
        código 79302428
        fecha 1999.02.26
        propósito "Prueba de
        operación de tda"
        precondition verda
        dero
        postcondición verda
        dero
    inicio
        algoritmo
            max := max + inc;
            min := min - inc;
        fin_procedimiento adicionar;
    fin_tda tipo_tda;

inicio
    variables
        ap : tipo_tda;
    algoritmo
        ap.inicializar();
        ap.adicionar(20);
fin_programa prueba_tda
    
```

Se aprecia en particular la exigencia, por parte del lenguaje, del invariante de TDA, importante para la especificación de TDAs. Además, se exigen los items de documentación que tiene el programa, las funciones y procedimientos.

En los tres ejemplos anteriores se pueden apreciar varias características:

- Exige especificación formal de cada módulo del lenguaje. En otros lenguajes esto no es obligatorio y los estudiantes lo omiten o lo dejan para

el final, y en últimas lo olvidan originando muchos errores.

- Cada bloque del programa con funciones distintas es encabezado con una palabra en español que indica su función (constantes, tipos, variables, algoritmo, etc.). De esta forma las distintas partes de un programa quedan claramente delimitadas y en consecuencia es más fácil encontrar algún segmento específico de código.

- Se exige documentar cada segmento significativo de código. Esto también tiene la virtud de que el estudiante no deje estos importantes detalles para después, o peor aún que no lo haga.

- Exige, también, que cada vez que se cierra un módulo (con fin) se especifique de qué clase es (fin_función, fin_procedimiento, fin_clase, fin_tda, etc), y además cuál específicamente, es decir, se debe indicar el nombre del módulo. También es una forma de documentación necesaria en especial cuando hay un nivel de anidamiento muy profundo o una gran cantidad de módulos.

- A lo largo de todo el código se tienen palabras en español que explican claramente lo que se está haciendo. Esto facilita la lectura del programa por una persona de habla española.

Todo lo anterior hace de un programa escrito en LES más fácil de entender, verificar y mantener, logrando ser una herramienta didáctica más efectiva que los lenguajes tradicionales de programación.

4. Formalización del lenguaje

El lenguaje LES es un lenguaje artificial libre del contexto⁷. Para que un lenguaje de este tipo esté perfectamente formalizado se requieren dos condiciones: una gramática y una semántica asociada a dicha gramática.

⁷ En un lenguaje libre del contexto, la determinación de si una frase pertenece o no al lenguaje es independiente de los caracteres que lo rodean.

4.1 Gramática del lenguaje

Una buena definición formal de lo que es una gramática se encuentra en [Berstel90] y es como sigue:

Una gramática libre de contexto $G = (V, A, P, S)$ está compuesta de un alfabeto finito V , un subconjunto A de V llamado alfabeto terminal, un conjunto finito de producciones P contenidas en $(V-A)$, un elemento distinguido S perteneciente a $V-A$ llamado axioma. Una letra en $V-A$ es un símbolo no terminal o variable. [Berstel90, pag 62]

En otras palabras, una gramática requiere de dos conjuntos: un alfabeto terminal y un conjunto de producciones. Veamos en que consiste cada uno:

4.1.1 Alfabeto terminal (A)

El alfabeto terminal es el conjunto de todas las palabras y símbolos básicos de un lenguaje, a éstos se les conoce como lexemas. A las reglas que dicen cuáles lexemas pertenecen al lenguaje se les llaman reglas léxicas. Una forma de expresar estas reglas léxicas es mediante expresiones regulares, una explicación detallada sobre esto se puede encontrar en [Aho90, Capitulo 3].

A continuación se presentan los símbolos utilizados en la especificación del lenguaje de expresiones regulares; los lexemas de LES, que son el alfabeto terminal del lenguaje, y finalmente una nota sobre la validez de esta especificación.

4.1.1.1 El lenguaje de expresiones regulares

Aquí se ha adoptado el lenguaje de expresiones regulares que utilizan Lex⁸ y Flex⁹, dos generadores de analizadores léxicos muy utilizados en la construcción de compiladores. La descripción detallada del lenguaje de expresiones regulares se encuentra en el man¹⁰ de Flex que es [Paxon95], el documento oficial del Flex. La tabla No.1 nos muestra los símbolos que se utilizaron en la especificación de LES.

4.1.1.2 Los lexemas de LES

El Alfabeto terminal A del LES es una serie de lexemas que cumplen con las siguientes expresiones regulares:

Lexema	Expresión
DIGITO	[0-9]
LETRA	[a-zA-Z]
CONSTANTE_ENTERA	{DIGITO}+
CONSTANTE_REAL	{CONSTANTE_ENTERA} ("."{CONSTANTE_ENTERA})? ("e" "E"){CONSTANTE_ENTERA}?
CONSTANTE_FECHA	{DIGITO}{4} "." {DIGITO}{2} "." {DIGITO}{2}
CONSTANTE_HORA	{DIGITO}{2} ":" {DIGITO}{2} ":" {CONSTANTE_REAL}
IDENTIFICADOR	{LETRA}({LETRA} {DIGITO})*
CONSTANTE_CADENA	"[^\\n]*"
COMENTARIO_INICIO	"/*"
COMENTARIO_FIN	"*/"
PROGRAMA	"programa"
FIN_PROGRAMA	"fin_programa"
AUTOR	"autor"
CODIGO	"codigo"
FECHA	"fecha"
HORA	"hora"
PRECONDICION	"precondicion"
POSTCONDICION	"postcondicion"
NIVEL	"nivel"
USAR	"usar"
INICIAL	"inicial"
BASICO	"basico"
MEDIO	"medio"
AVANZADO	"avanzado"
CONSTANTES	"constantes"
TIPOS	"tipos"
VARIABLES	"variables"
ALGORITMO	"algoritmo"
CARACTER	"caracter"
ENTERO	"entero"
REAL	"real"
BOOLEANO	"booleano"
APUNTADOR	"apuntador"

⁸ Lex quiere decir "Lexical Analyzer Generator" generador de analizadores léxicos.

⁹ Flex significa "Fast Lexical Analyzer Generator" generador de analizadores léxicos rápidos. Es una versión más rápida de su antecesor el Lex. Es un programa GNU, esto es, una versión particular de software libre, es decir, sin ningún costo y se encuentra para múltiples plataformas (unix, DOS, etc.).

¹⁰ man es un comando que se encuentra en todos los sistemas Unix; significa manual y despliega la documentación sobre un comando Unix, en nuestro caso Flex.

REFERENCIA	"referencia"
CADENA	"cadena"
CONJUNTO	"conjunto"
ARREGLO	"arreglo"
ARCHIVO	"archivo"
ESTRUCTURA	"estructura"
FIN_ESTRUCTURA	"fin_estructura"
TDA	"tda"
FIN_TDA	"fin_tda"
CLASE	"clase"
FIN_CLASE	"fin_clase"
PROPOSITO	"proposito"
INVARIANTE	"invariante"
HERENCIA	"herencia"
OPERACIONES	"operaciones"
MENSAJES	"mensajes"
SUBPROGRAMAS	"subprogramas"
FUNCION	"funcion"
FIN_FUNCION	"fin_funcion"
PROCEDIMIENTO	"procedimiento"
FIN_PROCEDIMIENTO	"fin_procedimiento"
ASERCION	"asercion"
INICIO	"inicio"
FIN	"fin"
SI	"si"
ENTONCES	"entonces"
SI_NO	"si_no"
FIN_SI	"fin_si"
MIENTRAS_QUE	"mientras_que"
FIN_MIENTRAS_QUE	"fin_mientras_que"
HAGA	"haga"
PARA	"para"
HASTA	"hasta"
REPITA	"repita"
QUE	"que"
INCREMENTO	"incremento"
FIN_PARA	"fin_para"
ES	"es"
CASO	"caso"
OTROS	"otros"
FIN_OTROS	"fin_otros"
FIN_CASO	"fin_caso"
ENTRADA	"entrada"
SALIDA	"salida"
FALSO	"falso"
VERDADERO	"verdadero"
OP_ASIGNACION	":="
OP_COMPARACION	"=="
OP_MAYOR	">"
OP_MAYOR_IGUAL	">="
OP_MENOR	"<"
OP_MENOR_IGUAL	"<="
OP_DIFERENTE	"<>"
OP_SUMA	"+"
OP_RESTA	"-"
OP_MULTIPPLICACION	"**"
OP_DIVISION	"/"
OP_DIVISION_ENTERA	"div"
OP_MODULO	"mod"
OP_POTENCIACION	"^"

OP_AND	"y"
OP_OR	"o"
OP_NOT	"no"

4.1.1.3 Validez

La corrección y validez de las anteriores expresiones regulares ha sido verificada computacionalmente mediante el programa Flex y al mismo tiempo se construyó un verificador sintáctico de programas escritos en LES.

4.1.2 Conjunto de producciones (P)

Como se dijo la especificación de la gramática de un lenguaje artificial requiere de un alfabeto terminal y un conjunto de producciones. El conjunto de producciones P determinan la sintaxis del lenguaje. Esta sintaxis requiere de una metasintaxis o notación BNF para su especificación, como se verá en el siguiente punto. Asimismo, se presentarán en seguida las producciones BNF para el lenguaje LES, y por último se incluye una nota sobre la validez de dichas producciones.

4.1.2.1 Notación BNF

Para la especificación de la sintaxis del lenguaje, se utiliza la notación o meta-sintaxis BNF (Backus-Naur Form, ver [Naur63], [Aho90, pag 284] o [Wirth84, pag 86]). El dialecto particular que se usa aquí es el programa Bison¹¹, una descripción detallada se puede encontrar en [Donnelly91]. Esta notación se resume en el cuadro No.2.

¹¹ Bison: "The YACC-compatible Parser Generator". Bison es un generador de analizadores sintácticos. Se basa en la descripción gramatical del lenguaje. Los tipos de lenguaje que pueden manejar son los independientes de contexto del tipo LALR(1). Bison está basado en una versión anterior llamada Yacc, que quiere decir Yet Another Compiler-Compiler, otro compilador de compiladores más. Bison es un software GNU, que es un tipo especial de software libre, es decir, que está disponible para muchas plataformas (Unix, DOS, etc.) y no tiene costo.

CUADRO No.1

Metacaracter	Significado	Ejemplos	Explicación
x	El carácter x se toma literalmente, a menos que sea un metacaracter.	a c b f	Toma las letras literalmente
"cadena"	La cadena entre comillas se toma literalmete	"programa"	Toma la cadena programa literalmente
\x	El caracter x se toma literalmente, muy utilizado cuando se tiene que utilizar un metacaracter como parte de la especificación	* \+ \.	Los caracteres* + y . son operadores de las expresiones regulares, para usarse tienen que ir precedidos de \ o ponerse entre comillas.
.	Cualquier caracter excepto nueva línea	.	Acepta todos los caracteres menos nueva línea (\n).
[xyz]	Cualquiera de los caracteres en los corchetes.	[0123456789]	La expresión léxica para un dígito.
[^xyz]	Negación del anterior. Ninguno de los caracteres en los corchetes.	[^1234]	Cualquier caracter que no sea 1, 2, 3 ó 4.
[a-z]	Especifica un rango, es válido cualquiera de los caracteres en ese rango.	[a-zA-Z] [0-9]	Cualquier caracter alfabético Cualquier dígito.
r*	Cero o más veces el caracter r	[0-9]*	Expresión regular para número entero sin signo.
r+	Una o más veces el caracter r	[a-z]+	Expresión regular para palabra de sólo minúsculas.
r?	Cero o una vez el caracter r	+?	El + opcionalmente.
r m	O el caracter r ó el m, exclusivo	+ -	O el más o el menos, pero no los dos a la vez.
()	Utilizado para cambiar la prioridad de los operadores	(+ ~)?[0-9]+	Expresión regular para entero con signo opcional.
{macro}	Macroexpansión del identificador entre corchetes.	DIGITO [0-9] {DIGITO}+	Equivalente a entero sin signo

CUADRO No.2

Símbolo	Significado	Ejemplos	Explicación
;	Punto y coma. Termina una producción.	asignación : referencia OP_ASIGNACION Expresión;	Aquí la definición de la categoría gramatical Asignación comienza con asignación y termina en punto y coma.
:	Se lee se define como . Lo que está a la izquierda del símbolo se define sintácticamente como la cadena de símbolos de la derecha.	declaración_de_variable : IDENTIFICADOR ':' tipo ';' ;	La declaración de variable se define como un identificador seguido de dos puntos seguido de un tipo y terminado en punto y coma.
identificador	Un identificador nombra una categoría gramatical. Si aparece a la derecha del símbolo : quiere decir que se refiere a otra producción en la cual debe aparecer a la izquierda. Si está escrito en minúsculas se refiere a otra regla sintáctica y si está en mayúsculas se refiere a una regla léxica.	sentencia : asignación aserción ; asignación : referencia OP_ASIGNACION expresión ;	En la primera producción se está definiendo Sentencia , porque está a la izquierda de :, en términos de asignación y aserción , porque están a la derecha.
	Selección. Se puede escoger entre cualquiera de los símbolos que aparecen antes o después. Esta escogencia es un ó exclusivo, o sea, sólo se puede seleccionar una de las alternativas.	<Sentencia> : <Asignación> <Aserción>;	Aquí una sentencia puede ser o una Asignación o una Aserción .
'a'	El caracter entre comillas se toma literalmente.	','	Aquí se toma literalmente el punto y coma y no su significado en la meta-sintaxis BNF el de terminar producción.

4.1.2.2 Producciones BNF para el lenguaje LES

Las siguientes son las producciones que definen la sintaxis para el lenguaje LES:

```

programa:encabezado_de_programa
        bloque_de_declaración_de_librerías
        bloque_de_declaración_de_constantes
        bloque_de_declaración_de_tipos
        bloque_de_declaración_de_subprogramas
        INICIO
        bloque_de_declaración_de_variables
        bloque_algoritmo
        FIN_PROGRAMA IDENTIFICADOR
        FIN_ARCHIVO
        ;
encabezado_de_programa:identificación_de_programa
        documentación
        especificación
        NIVEL nivel
        ;
documentación:AUTOR CONSTANTE_CADENA
        CÓDIGO CONSTANTE_ENTERA
        FECHA CONSTANTE_FECHA
        PROPÓSITO CONSTANTE_CADENA
        ;
identificación_de_programa:PROGRAMA IDENTIFICADOR
        | PROGRAMA IDENTIFICADOR
        ('declaración_de_parámetros')
        ;
declaración_de_parámetros:declaración_de_parámetros_de_entrada
        | declaración_de_
        | parámetros_de_salida
        ;
declaración_de_parámetros_de_entrada:ENTRADA lista_de_
        | declaración_de_parámetros
        ;
declaración_de_parámetros_de_salida:SALIDA lista_de_
        | declaración_de_parámetros
        ;
lista_de_declaración_de_parámetros:lista_de_declaración_de_variables
        ;
nivel: INICIAL
        | BÁSICO
        | MEDIO
        | AVANZADO
        ;
especificación: PRECONDICIÓN expresión_lógica
        | POSTCONDICIÓN expresión_lógica
        ;
    
```

```

bloque_de_declaración_de_librerías:USAR lista_de_
        | identificadores_cualificados ';'
        ;
lista_de_identificadores_cualificados:lista_de_identificadores_
        | cualificados ';' identificador_
        | cualificado
        | identificador_
        | cualificado
        ;
identificador_cualificado: identificador_cualificado '.'
        | IDENTIFICADOR
        | IDENTIFICADOR
        ;
bloque_de_declaración_de_constantes:CONSTANTES lista_de_
        | declaración_de_
        | constantes ';'
        ;
lista_de_declaración_de_constantes:lista_de_declaración_de_
        | constantes ';' declaración_
        | de_constante
        | declaración_de_
        | constante
        ;
declaración_de_constante: IDENTIFICADOR OP_
        | COMPARACIÓN constante
        ;
bloque_de_declaración_de_tipos:TIPOS lista_de_
        | declaración_de_tipos ';'
        ;
lista_de_declaración_de_tipos: lista_de_declaración_de_tipos
        | ';' declaración_de_tipo
        | declaración_de_tipo
        ;
declaración_de_tipo: IDENTIFICADOR OP_
        | COMPARACIÓN tipo
        | tipo_estructurado
        ;
bloque_de_declaración_de_variables: VARIABLES lista_de_
        | declaración_de_
        | de_variables ';'
        ;
lista_de_declaración_de_variables: lista_de_
        | declaración_de_
        | variables ';'
        | declaración_de_
        | variable
        | declaración_
        | de_variable
        ;
declaración_de_variable : lista_de_identificadores
        | ':' tipo
        ;
lista_de_identificadores : lista_de_identificadores ','
        | IDENTIFICADOR
        | IDENTIFICADOR
        ;
tipo : CARACTER
        | ENTERO
        | REAL
        | FECHA
        | HORA
    
```

	BOOLEANO tipo_apuntador tipo_referencia tipo_cadena tipo_arreglo tipo_archivo tipo_conjunto tipo_estructurado IDENTIFICADOR	declaración_de_relaciones bloque_de_declaración_de atributos bloque_de_declaración_de mensajes FIN_CLASE IDENTIFICADOR
tipo_estructurado :	tipo_estructura tipo_tda tipo_clase ;	encabezado_de_clase: documentación ; invariante
tipo_apuntador :	APUNTADOR (' tipo ')	invariante : INVARIANTE expresión_lógica
tipo_referencia :	REFERENCIA (' tipo ')	encabezado_de_tda : encabezado_de_clase
tipo_cadena :	CADENA ['expresión constante ']	bloque_de_declaración_de_herencia:HERENCIA lista_de_identificadores ';' ;
tipo_conjunto :	CONJUNTO (' tipo ')	bloque_de_declaración_de_relaciones:RELACIONES lista_de_declaración_de_variables ';' ;
constante_conjunto :	"{" lista_de_elementos "}"	bloque_de_declaración_de atributos:ATRIBUTOS lista_de_declaración_de_variables ';' ;
lista_de_elementos :	lista_de_elementos ',' expresión expresión ;	bloque_de_declaración_de_mensajes:MENSAJES lista_de_declaración_de subprogramas ';' ;
expresión_constante :	expresión ;	bloque_de_declaración_de_operaciones:OPERACIONES lista_de_declaración_de subprogramas ';' ;
tipo_arreglo :	ARREGLO ['expresión constante ']' (' tipo ')	bloque_de_declaración_de_subprogramas:SUBPROGRAMAS lista_de_declaración_de_subprogramas ';' ;
tipo_archivo :	ARCHIVO (' tipo ')	lista_de_declaración_de_subprogramas:lista_de_declaración_de_subprogramas ';' declaración_de_subprograma declaración_de_subprograma ;
tipo_estructura :	ESTRUCTURA IDENTIFICADOR lista_de_declaración_de variables ';' FIN_ESTRUCTURA IDENTIFICADOR	declaración_de_subprograma: declaración_de función declaración_de procedimiento ;
tipo_tda :	TDA IDENTIFICADOR encabezado_de_tda bloque_de_declaración_de constantes bloque_de_declaración_de_tipos bloque_de_declaración_de_variables bloque_de_declaración_de_operaciones FIN_TDA IDENTIFICADOR	declaración_de_función: FUNCIÓN IDENTIFICADOR (' declaración_de_parametros ') ':' tipo documentación especificación bloque_de_declaración_de constantes bloque_de_declaración_de tipos bloque_de_declaración
tipo_clase :	CLASE IDENTIFICADOR encabezado_de_clase bloque_de_declaración_de_herencia bloque_de	

```

de_subprogramas
INICIO
    bloque_de_
    declaración_de_
    variables
    bloque_
    algoritmo
FIN_FUNCIÓN
IDENTIFICADOR
;
declaración_de_procedimiento: PROCEDIMIENTO
IDENTIFICADOR
('declaración_de_
_parametros')
    documentación
    especificación
    bloque_de_
    declaración_de_
    constantes
    bloque_de_
    declaración_de_
    tipos
    bloque_de_
    declaración_de_
    subprogramas
INICIO
    bloque_de_
    declaración_de_
    variables
    bloque_algoritmo
FIN_PROCEDIMIENTO
IDENTIFICADOR
;
bloque_algoritmo: ALGORÍTMO lista_de_sentencias ';'
|
;
lista_de_sentencias: lista_de_sentencias ';' sentencia
|
sentencia: asignación
| aserción
| llamada_a_procedimiento
| si
| si_multiple
| mientras_que
| repita_hasta
| para
| bloque_de_sentencias
;
bloque_de_sentencias: INICIO
    bloque_
    de_declaración_
    de_variables
    bloque_algoritmo
FIN
;
asignación: referencia OP_ASIGNACIÓN expresión
;
aserción : ASERCIÓN expresión_lógica
;
llamada_a_procedimiento : llamada_a_función
| llamada_a_operación
| _o_mensaje
;

```

```

si : SI expresión_booleana ENTONCES
    lista_de_sentencias ';'
FIN_SI
| SI expresión_booleana ENTONCES
    lista_de_sentencias ';'
FIN_NO
    lista_de_sentencias ';'
FIN_SI
;
mientras_que : MIENTRAS_QUE
    expresión_booleana
    invariante
    HAGA
        lista_de_sentencias
        ';'
    FIN_MIENTRAS_QUE
;
repita_hasta : REPITA
    invariante
    lista_de_sentencias
    ';'
    HASTA expresión_booleana
;
para : PARA referencia OP_ASIGNACIÓN
    expresión HASTA expresión
    INCREMENTO expresión
    invariante
    HAGA
        lista_de_sentencias ';'
    FIN_PARA
;
si_multiple: SI referencia ES
    lista_de_casos ';'
FIN_SI
| SI referencia ES
    lista_de_casos ';'
    OTROS ENTONCES
        lista_de_
        senten_
        cias ';'
    FIN_OTROS ';'
FIN_SI
;
lista_de_casos : lista_de_casos ';' caso
|
;
caso : CASO expresión ENTONCES
    lista_de_sentencias ';'
FIN_CASO
;
expresión_booleana : expresión_disyuntiva
;
expresión : expresión_disyuntiva
;
expresión_lógica : expresión_disyuntiva
;
expresión_disyuntiva : expresión_disyuntiva OP_OR
    expresión_conjunción
    | expresión_
    conjunción
;
expresión_conjunción : expresión_
    conjunción OP_AND
    expresión_de_
    comparación

```

```

expresión_de_comparación : expresión_aditiva
                           | OP_COMPARACIÓN
                           | expresión_aditiva
                           | expresión_aditiva OP_
                           | MAYOR
                           | expresión_aditiva
                           | expresión_aditiva OP_
                           | MAYOR_
                           | IGUAL
                           | expresión_aditiva
                           | expresión_aditiva
                           | OP_MENOR
                           | expresión_aditiva
                           | expresión_aditiva
                           | OP_MENOR_
                           | IGUAL
                           | expresión_aditiva
                           | expresión_aditiva
                           | OP_DIFERENTE
                           | expresión_aditiva
                           ;

expresión_aditiva : expresión_aditiva operador_
                  | aditivo término
                  | término
                  ;

operador_aditivo : OP_SUMA
                 | OP_RESTA
                 ;

término : término operador_multiplicativo factor
        | factor
        ;

operador_multiplicativo : OP_MULTIPLICACIÓN
                       | OP_DIVISIÓN
                       | OP_DIVISIÓN_
                       | ENTERA
                       | OP_MÓDULO
                       ;

factor : OP_NOT factor
       | OP_RESTA factor
       | constante
       | ('expresión ')
       | llamada_a_función
       | llamada_a_operación_o_mensaje
       | referencia
       ;

constante : CONSTANTE_ENTERA
          | CONSTANTE_REAL
          | CONSTANTE_FECHA
          | CONSTANTE_HORA
          | CONSTANTE_CADENA
          | constante_conjunto
          | FALSO
          | VERDADERO
          ;

referencia : IDENTIFICADOR '[' expresión ']'
           | IDENTIFICADOR ':'
IDENTIFICADOR
           | '*' referencia
           | '&' referencia
    
```

```

IDENTIFICADOR
;
llamada_a_función : IDENTIFICADOR ('lista_
parámetros_actuales ')
;
llamada_a_operación_o_mensaje : IDENTIFICADOR
                                ' ' IDENTIFICADOR
                                ('lista_parámetros_
                                actuales ')
;
lista_parámetros_actuales : lista_parámetros_
actuales ' ' expresión
                            | expresión
                            ;
    
```

4.1.2.3 Validez

La validez de la sintaxis se ha verificado computacionalmente mediante el uso del programa Bison y como se indicó, al mismo tiempo se construyó un analizador sintáctico que permitirá verificar programas escritos en LES.

4.2 Semántica del lenguaje

Retomando lo anterior, la formalización del lenguaje requiere de una gramática y una semántica asociada a dicha gramática. La semántica del lenguaje define el significado de las declaraciones y sentencias del lenguaje. Esto se puede hacer de varias formas: una informal mediante sentencias en lenguaje natural¹²; una pseudoformal indicando la traducción a otro lenguaje o formalismo, como los diagramas de flujo y otra formal, mediante el uso de semántica denotacional (ver esto en detalle en [Mosses90]).

En cuanto a las realizaciones adelantadas en este componente, se está trabajando la notación de la semántica en notación UML¹³, utilizandola para definir una máquina virtual LES que define sin ambigüedades el comportamiento de un programa escrito en el lenguaje. Más adelante, implementando ésta máquina se tendría un medio para ejecutar programas LES.

¹² Para nuestro caso el lenguaje natural es el español.

¹³ UML: Unified Modeling Language. Lenguaje de modelamiento unificado. Este lenguaje es una notación gráfica basada en el paradigma de objetos. Ver en más detalles en la dirección <http://www.rational.com/uml>.

5. Estado actual y trabajo futuro

Hasta el momento el lenguaje se ha aplicado a cuatro cursos de programación, dos iniciales y uno avanzado. La aplicación de éste ha inspirado mejoras en el lenguaje, como por ejemplo la eliminación de las variables globales. El lenguaje está sometido permanentemente a pruebas y críticas por parte de los docentes e investigadores de la EAN, por lo que se mantiene en permanente evolución.

En la actualidad, se tiene formalizada la totalidad de la sintaxis del lenguaje. Se tiene listo un verificador sintáctico de programas escritos en LES, que como su nombre lo indica, verifica que un programa particular esté escrito en lenguaje LES y se utiliza como primer paso en la corrección de proyectos y trabajos realizados por los estudiantes. En el momento no hace verificaciones de tipo semántico como es el caso determinar si un identificador ha sido previamente declarado o la verificación de tipos. Se está trabajando en esto último.

También se está desarrollando la documentación del lenguaje, específicamente el manual del lenguaje. Asimismo, los profesores de Ciencias de la computación están creando un banco de problemas cuyas soluciones están implementadas en el lenguaje.

En el momento se está desarrollando la especificación de la máquina virtual LES en UML. A mediano plazo, cuando se haya decantado el lenguaje, se abordará la construcción de un interpretador basado en la definición de ésta máquina virtual. A largo plazo, se piensa en un interpretador, que basado en el anterior, pueda por ejemplo realizar corridas gráficas de los algoritmos.

Bibliografía

[Aho90] Aho V., Alfred; Sethi, Ravi; Ullman, Jeffrey D. *Compiladores : Principios, técnicas y herramientas*. Addison-Wesley Iberoamericana, Wilmington, Delaware, E.U.A. 1990, primera edición en español.

[Amador98] Amador Montaña, José Francisco. *Metodología para la solución de problemas*

algorítmicos. En revista EAN, Diciembre 1998, No. 35. pags. 64-76.

[Berstel90] Berstel, J.; Boasson, L. *Context-Free Languages*. En *Handbook of Theoretical Computer Science*. Volumen B: Formal Models and Semantics. The MIT Press 1990.

[Cardoso86] Cardoso, R. *Diseño e implementación de Tipos abstractos de datos* Memo de investigación No 9, UniAndes, 1986.

[Cardoso87] Cardoso, R. *Práctica en Tipos abstractos de datos* Memo de investigación No 71, UniAndes, 1986.

[Booch94] Booch, G. *Object Oriented Design*, Benjamin/Cummings, New York.

[Dahl73] Dahl, O. J.; Dijkstra; Hoare C. A. R. *Structured Programming*. Academic Press, 1973.

[Dijkstra68] Dijkstra, E. W. *Go to statement considered harmful*. *Comm. Assoc. Comp. Mach.*, 11 (1968, pp. 147'148).

[Dijkstra72] Dijkstra, E. W. *Notes on Structured Programming*. *Structured Programming*. Academic Press, New York, 1972.

[Dijkstra76] Dijkstra, E. W. *A discipline of programming*. Prentice Hall 1976.

[Donnelly91] Donnelly, Charles; Stallman, Richard. *Bison : The YACC-compatible Parser Generator*. Dic. 1991, Bison Version 1.16, manual electrónico que viene con el software.

[Paxson95] Paxson, Vern. *flex - fast lexical analyzer generator*. Manual electrónico en los sistemas Unix y similares, Abril 1996, ver 2.5

[Tucker94] Tucker, Allen B.; Cupper, Robert D.; Bradley, W. James; Garnick, David K. *Fundamentos de Informática: Lógica, resolución de problemas, programas y computadoras*. México: Mc Graw Hill, 1994. 392 p.

[Jensen86] Jensen, K; Wirth, Niklaus. *Pascal. Manual del usuario e informe*. El Ateneo, Buenos Aires, 1985.

[Hoare72] Hoare, C. A. R. Notes on Data Structuring. Structured Programming. Academic Press, New York, 1972.

[Knuth87] Knuth, D. E. The art of Computer Programming. Vol. 1, Fundamental Algorithms, 1996. Vol. 2, Sorting and Searching. 1972. Addison Wesley.

[Mosses90] Mosses, Peter D. Denotacional Semantics. En Handbook of Theoretical Computer Science. Volumen B: Formal Models and Semantics. The MIT Press 1990.

[Naur63] Naur P. Revised report on the algorithmic language Algol 60. En Comm. ACM 6:1, págs. 1-17.

[Rumbaugh91] Rumbaugh, J.; Blaha, M.; Premerlani, W.; Eddy, F.; Lorensen, W. Object-oriented Modelling and Design. Prentice-Hall, Englewood Cliffs, N.J.

[Villalobos90] Villalobos, Jorge. Estructuras de Datos : Un enfoque desde los tipos abstractos. Ediciones uniandes, Bogotá, 1990.

[Wirth84] Wirth, Niklaus; Jensen, Kathleen. Pascal : Manual del usuario e informe. De El Ateneo, 2a edición, Buenos Aires, 1984.

[Wirth87] Wirth, Niklaus, Algoritmos + Estructuras de datos = Programas. Prentice Hall, 1987.